

ПРИНЯТА

Педагогическим советом ОАНО «Школа ЦПМ»
(протокол от 29 августа 2025 г. №123)

УТВЕРЖДЕНА

приказом директора ОАНО «Школа ЦПМ»
от 29 августа 2025 г. №207/8-ОД25

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

**дополнительного учебного предмета «Задачи повышенной сложности»
для обучающихся 8 класса**

Андросов Александр Александрович

sn=Андросов Александр

Александрович, o=ОАНО Школа

ЦПМ, ou=Директор,

email=a.androsov@school-cpm.ru,

c=RU

2025.08.29 09:41:13 +03'00'

Пояснительная записка

В современном образовательном пространстве особое значение приобретают задачи повышенной сложности, поскольку они не только способствуют углублению знаний по математике, но и развивают у обучающихся умение нестандартного мышления, поиска оригинальных идейных решений и обоснования полученных результатов. Освоение методов решения таких задач требует более высокого уровня концентрации, настойчивости и гибкости мышления, что формирует у школьников ценные качества, необходимые не только в изучении математики, но и в других сферах деятельности.

В процессе работы над задачами повышенной сложности школьники осваивают широкий спектр методов рассуждений: индукцию и дедукцию, анализ и синтез, обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию. Особое внимание уделяется формированию умений строить логически безупречные доказательства, проводить систематизацию различных подходов и выбирать наиболее рациональные способы решения.

Решение сложных задач имеет не только учебную, но и воспитательную ценность: оно формирует целеустремленность, уверенность в собственных силах, умение преодолевать трудности и радость от интеллектуальных открытий. Практика самостоятельного поиска решений помогает учащимся не только закрепить знания школьной программы, но и выйти за её рамки, осознав глубину и красоту математической науки.

Курс «Задачи повышенной сложности» направлен на развитие у школьников устойчивого интереса к математике, формирование исследовательских навыков, подготовку к участию в олимпиадах и конкурсах, а также на закладывание прочного фундамента для дальнейшего изучения математики на углубленном уровне. В рамках курса будут рассматриваться задачи различной направленности: комбинаторные, алгебраические, и геометрические. Это позволит учащимся освоить универсальные подходы, применимые в самых разных разделах математики.

Занятия курса строятся в форме системной практики: учащиеся получают возможность пробовать разные методы решения, сравнивать подходы, находить оптимальные варианты и самостоятельно формулировать выводы. Такой опыт способствует не только росту уровня математической подготовки, но и развитию метапредметных компетенций — умению исследовать, анализировать и обобщать.

Цель курса «Задачи повышенной сложности» — сформировать у обучающихся способность к самостоятельному решению нетривиальных задач, развить критическое и творческое мышление, повысить мотивацию к изучению математики и подготовить базу для успешного участия в олимпиадном движении и дальнейшего академического роста.

Методологической основой реализации поставленной цели являются следующие принципы:

– Принцип развития, который состоит в том, что подготовка должна быть нацелена прежде всего на создание условий для всестороннего развития мышления и личностных качеств каждого ученика, а не ограничиваться тренингом в освоении ими методов математики. Суть этого принципа можно кратко выразить тезисом: «развитие средствами математики каждого ученика».

– Принцип «выращивания» состоит в совмещении, с одной стороны, внутренней активности ученика, его целенаправленных попыток раскрыть и реализовать свой потенциал, а с другой стороны, внешней организации этой активности со стороны учителя в рамках той же цели.

– Принцип успешности состоит в акцентировке на успешность, то есть в создании такой среды, где к ошибке относятся как к ступеньке роста, а не поводу для огорчения и порицания, где ценится и поддерживается успех каждого ученика относительно себя, независимо от начального уровня его подготовки и математических способностей.

Планируемые результаты освоения предмета

Освоение учебного курса «Задачи повышенной сложности» в 8 классе обеспечивает помощь в достижении следующих предметных образовательных результатов по основному учебному предмету «Математика»:

Алгебра

Числа и вычисления

Иррациональные числа

Понимать и использовать представления о расширении числовых множеств.

Свободно оперировать понятиями: квадратный корень, арифметический квадратный корень, иррациональное число; находить, оценивать квадратные корни, используя при необходимости калькулятор; выполнять преобразования выражений, содержащих квадратные корни, используя свойства корней.

Использовать начальные представления о множестве действительных чисел для сравнения, округления и вычислений; изображать действительные числа точками на координатной прямой.

Использовать записи больших и малых чисел с помощью десятичных дробей и степеней числа 10; записывать и округлять числовые значения реальных величин с использованием разных систем измерений.

Делимость

Свободно оперировать понятием остатка по модулю; применять свойства сравнений по модулю; находить остатки суммы и произведения по данному модулю.

Алгебраические выражения

Дробно-рациональные выражения

Находить допустимые значения переменных в дробно-рациональных выражениях.

Применять основное свойство рациональной дроби.

Выполнять приведение алгебраических дробей к общему знаменателю, сложение, умножение, деление алгебраических дробей.

Выполнять тождественные преобразования рациональных выражений.

Применять преобразования выражений для решения различных задач из математики, смежных предметов, из реальной практики.

Степени

Применять понятие степени с целым показателем, выполнять преобразования выражений, содержащих степени с целым показателем.

Иррациональные выражения

Находить допустимые значения переменных в выражениях, содержащих арифметические квадратные корни.

Выполнять преобразования иррациональных выражений, используя свойства корней.

Уравнения и неравенства

Решать квадратные уравнения.

Решать дробно-рациональные уравнения.

Решать линейные уравнения с параметрами, несложные системы линейных уравнений с параметрами.

Проводить исследования уравнений и систем уравнений, в том числе с применением графических представлений (устанавливать, имеет ли уравнение или система уравнений решения, если имеет, то сколько, и пр.).

Переходить от словесной формулировки задачи к её алгебраической модели с помощью составления уравнения или системы уравнений, интерпретировать в соответствии с контекстом задачи полученный результат.

Применять свойства числовых неравенств для сравнения, оценки; решать линейные неравенства с одной переменной и их системы; давать графическую иллюстрацию множества решений неравенства, системы неравенств.

Функции

Понимать и использовать функциональные понятия и язык (термины, символические обозначения); определять значение функции по значению аргумента; определять свойства функции по её графику.

Строить графики функций $y = ax^2$, $y = x^2 + b$, $y = x^3$, $y = |x|$, $y = \sqrt{x}$, $y = \frac{k}{x}$ и описывать свойства числовой функции по её графику.

Геометрия

Распознавать основные виды четырёхугольников, их элементы, пользоваться их свойствами при решении геометрических задач. Различать признаки и свойства параллелограмма, ромба и прямоугольника, доказывать их и уверенно применять при решении геометрических задач.

Использовать свойства точки пересечения медиан треугольника (центра масс) в решении задач.

Владеть понятием средней линии треугольника и трапеции, применять их свойства при решении геометрических задач. Использовать теорему Фалеса и теорему о пропорциональных отрезках, применять их для решения практических задач.

Распознавать центрально-симметричные фигуры и использовать их свойства при решении задач.

Владеть понятиями подобия треугольников, коэффициента подобия, соответственных элементов подобных треугольников. Иметь представление о преобразовании подобия и о подобных фигурах. Пользоваться признаками подобия треугольников при решении геометрических задач. Доказывать и применять отношения пропорциональности в прямоугольных треугольниках. Применять подобие в практических задачах.

Выводить и использовать простейшие формулы для площади треугольника, параллелограмма, ромба и трапеции. Вычислять (различными способами) площадь треугольника и площади многоугольных фигур (пользуясь, где необходимо, калькулятором). Знать отношение площадей подобных фигур и применять при решении задач. Применять полученные умения в практических задачах.

Пользоваться теоремой Пифагора для решения геометрических и практических задач. Строить математическую модель в практических задачах, самостоятельно делать чертёж и находить соответствующие длины.

Владеть понятием вписанного и центрального угла, угла между касательной и хордой, описанной и вписанной окружности треугольника и четырёхугольника, применять их свойства при решении задач.

Применять полученные знания на практике — строить математические модели для задач реальной жизни и проводить соответствующие вычисления с применением подобия и тригонометрии (пользуясь, где необходимо, калькулятором).

Вероятность и статистика

Оперировать понятиями множества, подмножества; выполнять операции над множествами: объединение, пересечение; перечислять элементы множеств с использованием организованного перебора и комбинаторного правила умножения.

Находить вероятности случайных событий в случайных опытах, зная вероятности элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, иметь понятие о случайном выборе.

Описывать данные с помощью средних значений и мер рассеивания (дисперсия и стандартное отклонение). Уметь строить и интерпретировать диаграммы рассеивания, иметь представление о связи между наблюдаемыми величинами.

Иметь представление о дереве, о вершинах и рёбрах дерева, использовании деревьев при решении задач в теории вероятностей, в других учебных математических курсах и задач из других учебных предметов.

Оперировать понятием события как множества элементарных событий случайного опыта, выполнять операции над событиями, использовать при решении задач диаграммы Эйлера, числовую прямую, применять формулу сложения вероятностей.

Пользоваться правилом умножения вероятностей, использовать дерево для представления случайного опыта при решении задач. Оперировать понятием независимости событий.

Содержание предмета

Числа и вычисления

Иррациональные числа

Квадратные корни. Арифметический квадратный корень и его свойства. Понятие иррационального числа. Действия с иррациональными числами. Свойства действий с иррациональными числами. Сравнение иррациональных чисел.

Числовые множества

Представления о расширениях числовых множеств. Множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел. Сравнение чисел. Числовые промежутки.

Делимость

Действия с остатками. Остатки степеней. Применение остатков к решению уравнений в целых числах и текстовых задач.

Измерения, приближения, оценки

Размеры объектов окружающего мира, длительность процессов в окружающем мире. Стандартный вид числа.

Алгебраические выражения

Дробно-рациональные выражения

Алгебраическая дробь. Допустимые значения переменных в дробно-рациональных выражениях. Основное свойство алгебраической дроби. Сложение, вычитание, умножение и деление алгебраических дробей. Выделение целой части алгебраической дроби.

Рациональные выражения. Тожественные преобразования рациональных выражений.

Иррациональные выражения

Допустимые значения переменных в выражениях, содержащих арифметические квадратные корни. Тожественные преобразования выражений, содержащих арифметические квадратные корни.

Степени

Степень с целым показателем и её свойства. Преобразование выражений, содержащих степени.

Уравнения и неравенства

Уравнения

Квадратное уравнение. Формула корней квадратного уравнения. Количество действительных корней квадратного уравнения. Теорема Виета. Уравнения, сводимые к линейным уравнениям или к квадратным уравнениям. Квадратное уравнение с параметром. Решение текстовых задач с помощью квадратных уравнений.

Дробно-рациональные уравнения. Решение дробно-рациональных уравнений. Решение текстовых задач с помощью дробно-рациональных уравнений. Графическая интерпретация уравнений с двумя переменными.

Неравенства

Числовые неравенства. Свойства числовых неравенств.

Неравенство с переменной. Строгие и нестрогие неравенства. Сложение и умножение числовых неравенств. Оценивание значения выражения. Доказательство неравенств.

Понятие о решении неравенства с одной переменной. Множество решений неравенства. Равносильные неравенства.

Линейное неравенство с одной переменной и множества его решений. Решение линейных неравенств с одной переменной. Системы и совокупности линейных неравенств с одной переменной. Решение текстовых задач с помощью линейных неравенств с одной переменной.

Функции

Область определения и множество значений функции. Способы задания функций. График функции. Чтение свойств функции по её графику. Примеры графиков функций, отражающих реальные процессы.

Линейная функция. Функции, описывающие прямую и обратную пропорциональные зависимости, их графики. Функции $y = ax^2$, $y = x^2 + b$, $y = x^3$, $y = |x|$, $y = \sqrt{x}$, $y = \frac{k}{x}$ и их свойства. Кусочно-заданные функции.

Четырёхугольники

Параллелограмм, его признаки и свойства. Прямоугольник, ромб, квадрат, их признаки и свойства. Трапеция. Равнобедренная трапеция, её свойства и признаки. Прямоугольная трапеция. Средняя линия трапеции.

Средняя линия треугольника. Метод удвоения медианы треугольника. Теорема о пересечении медиан треугольника.

Теорема Фалеса, теорема о пропорциональных отрезках. Теорема Вариньона для произвольного четырёхугольника.

Центрально-симметричные фигуры.

Подобие

Подобие треугольников, коэффициент подобия. Признаки подобия треугольников. Применение подобия при решении геометрических и практических задач.

Площадь

Понятие о площади. Свойства площадей геометрических фигур. Простейшие формулы для площади треугольника, параллелограмма, ромба и трапеции. Площади подобных фигур. Отношение площадей треугольников.

Теорема Пифагора

Теорема Пифагора. Применение теоремы Пифагора при решении практических задач.

Элементы тригонометрии

Синус, косинус, тангенс и котангенс острого угла прямоугольного треугольника. Тригонометрические функции углов в 30° , 45° и 60° . Пропорциональные отрезки в прямоугольном треугольнике.

Углы и четырёхугольники, связанные с окружностью

Вписанные и центральные углы, угол между касательной и хордой. Углы между хордами и секущими. Вписанные и описанные окружности треугольника и четырёхугольника. Свойства и признаки вписанного четырёхугольника. Взаимное расположение двух окружностей. Касание окружностей. Общие касательные к двум окружностям.

Вероятность и статистика.

Множество и подмножество. Примеры множеств в окружающем мире. Пересечение и объединение множеств. Диаграммы Эйлера. Числовые множества. Примеры множеств из курсов алгебры и геометрии. Перечисление элементов множеств с помощью организованного перебора и правила умножения. Формула включения-исключения.

Элементарные события. Вероятности случайных событий. Опыты с равновероятными элементарными событиями. Случайный выбор.

Измерение рассеивания числового массива. Дисперсия и стандартное отклонение числового набора. Свойства дисперсии и стандартного отклонения. Диаграммы рассеивания двух наблюдаемых величин. Линейная связь на диаграмме рассеивания.

Дерево. Дерево случайного эксперимента. Свойства деревьев: единственность пути, связь между числом вершин и числом рёбер. Понятие о плоских графах. Решение задач с помощью деревьев.

Логические союзы «И» и «ИЛИ». Связь между логическими союзами и операциями над множествами. Использование логических союзов в алгебре.

Случайные события как множества элементарных событий. Противоположные события. Операции над событиями. Формула сложения вероятностей.

Правило умножения вероятностей. Условная вероятность. Представление случайного эксперимента в виде дерева. Независимые события.

Тематическое планирование предмета

8 класс (34 ч)

№	Наименование раздела / темы	Количество ак. ч.	Ссылка на ЭОР
1	Числа и вычисления	2	http://school-collection.edu.ru/collection/matematika/
2	Алгебраические выражения	6	http://school-collection.edu.ru/collection/matematika/
3	Уравнения и неравенства	5	http://school-collection.edu.ru/collection/matematika/
4	Функции	4	http://school-collection.edu.ru/collection/matematika/
5	Четырёхугольники	2	http://school-collection.edu.ru/collection/matematika/
6	Подобие	2	http://school-collection.edu.ru/collection/matematika/
7	Площадь	2	http://school-collection.edu.ru/collection/matematika/
8	Теорема Пифагора	2	http://school-collection.edu.ru/collection/matematika/
9	Элементы тригонометрии	2	http://school-collection.edu.ru/collection/matematika/
10	Углы и четырёхугольники, связанные с окружностью	2	http://school-collection.edu.ru/collection/matematika/
11	Вероятность и статистика	5	http://school-collection.edu.ru/collection/matematika/
ВСЕГО		34	

Учебно-методическое обеспечение образовательного процесса

Обязательные материалы для ученика

1. Математика. Алгебра: 8 класс: углубленный уровень: учебник/ Ю. Н. Макарычев, Н. Г. Миндюк, К. И. Нешков и другие; под ред. С. А. Теляковского. – АО «Издательство «Просвещение»
2. Математика. Геометрия: 7-9е классы: учебник/ Л. С. Атанасян, В. Ф. Бутузов, С. Б. Кадомцев и другие. – АО «Издательство «Просвещение»
3. Математика. Вероятность и статистика: 7 – 9е классы: учебник в 2 частях/ И. Р. Высоцкий, И. В. Яценко; под ред. И. В. Яценко. – АО «Издательство «Просвещение»

Цифровые образовательные ресурсы сети Интернет

1. Информационная система "Единое окно доступа к образовательным ресурсам" - <http://window.edu.ru>;
2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов -<http://school-collection.edu.ru>;
3. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов -<http://fcior.edu.ru>.
4. Электронный архив научно – популярных журналов <http://library.controlchaostech.com/bel/>
5. Список сайтов, рекомендованных для использования обучающимися и преподавателями для доступа к высококачественным ЭОР
 - <http://www.mon.gov.ru/> - Министерство образования и науки Российской Федерации
 - <http://www.uznai-prezidenta.ru/> - Детский сайт Президента Российской Федерации
 - <http://www.eidos.ru/olymp/> - Всероссийские дистанционные эвристические олимпиады
 - <http://www.en.edu.ru> - Естественнонаучный образовательный портал
 - <http://ege.edu.ru>- Портал информационной поддержки Единого государственного экзамена
 - <http://www.school.edu.ru> - Российский общеобразовательный портал
 - <http://vschool.km.ru> - Виртуальная школа Кирилла и Мефодия
 - www.school-collection.ru - Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов
 - <http://www.edu.ru> - Федеральный портал «Российское образование»
 - <http://school-collection.edu.ru/collection/matematika/> – материалы по математике в Единой коллекции цифровых образовательных ресурсов
 - <http://www.maht-on-line.com> – Занимательная математика – школьникам (олимпиады, игры, конкурсы по математике)
 - <http://www.mathkang.ru> – международный математический конкурс «Кенгуру»
 - <http://http://ege2011.mioo.ru> – Московский институт открытого образования, система СтатГрад